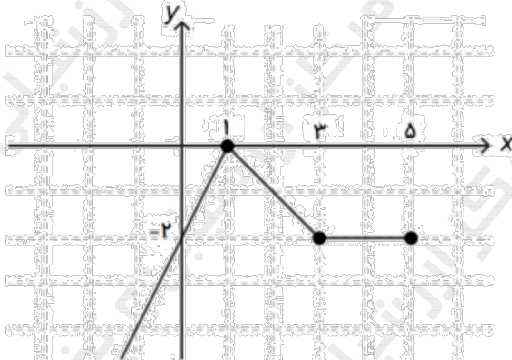
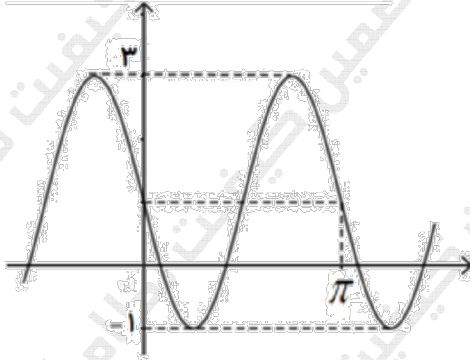
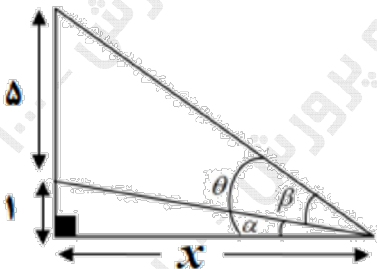


سؤالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲	تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح
دوره دوم متوسطه - دوازدهم	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	نام و نام خانوادگی:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایتارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir			
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		
نمره			
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را تعیین کنید.</p> <p>الف) اگر توابع <math>f</math> و <math>g</math> در یک فاصله اکیداً نزولی باشند، تابع <math>f + g</math> نیز در آن فاصله اکیداً نزولی است.</p> <p>ب) اگر <math>x = c</math> طول یک نقطه اکسترمم نسبی تابع <math>f</math> باشد، آن گاه <math>f'(c) = 0</math>.</p>		
۲	<p>جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) تابع <math>f(x) = (x-2)^3 + 1</math> را در نظر بگیرید. نمودار <math>f^{-1}</math> از ناحیه ..... محورهای مختصات عبور نمی کند.</p> <p>ب) حاصل <math>\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^+} \tan x</math> برابر ..... است.</p> <p>پ) اگر <math>f'(4) = 2</math> و <math>f(4) = -1</math>، خط مماس بر نمودار <math>f</math> در <math>x = 4</math>، محور <math>y</math> ها را در نقطه ای به عرض ..... قطع می کند.</p>		
۳	<p>نمودار تابع <math>f(x)</math> در زیر رسم شده است، نمودار تابع <math>y = -f(2x-1)</math> را رسم کرده، سپس دامنه و برد تابع حاصل را به دست آورید.</p> 		
۴	<p>الف) اگر چندجمله ای <math>p(x) = x^3 + mx + 2</math> بر <math>x-2</math> بخش پذیر باشد، آنگاه باقی مانده تقسیم <math>p(x)</math> بر <math>x+1</math> را به دست آورید.</p> <p>ب) چندجمله ای <math>x^5 - 1</math> را طوری تجزیه کنید که <math>x-1</math> یک عامل آن باشد.</p>		
۵	<p>نمودار داده شده در شکل زیر مربوط به تابع با ضابطه <math>y = a \sin bx + c</math> است. با فرض <math>a &gt; 0</math>، مقادیر <math>a</math>، <math>b</math> و <math>c</math> را به دست آورید.</p> 		

سؤالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲		تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح
دوره دوم متوسطه - دوازدهم		تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	نام و نام خانوادگی:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایتارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳				
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir				
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.			
۶	معادله $\sin 2x = \sin x$ را حل کنید.			
۷	<p>نشان دهید در شکل زیر رابطه بین زاویه <math>\beta</math> و <math>x</math> به صورت زیر است.</p>  $\tan \beta = \frac{\Delta x}{x^2 + 6}$			
۸	<p>حدهای زیر را محاسبه کنید. (نماد [ ] علامت جزء صحیح است).</p> <p>الف) <math>\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{[2x] - 1}{x - 1}</math>      ب) <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 - 3x}{1 - x^2}</math>      پ) <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} (-3x^3 + 2x + 1)</math></p>			
۹	<p>مجانب های قائم و افقی منحنی تابع <math>f(x) = \frac{2x-1}{x^3+2x}</math> را به دست آورده و سپس وضعیت نمودار تابع را در نزدیکی مجانب قائم آن نمایش دهید.</p>			
۱۰	<p>مشتق پذیری تابع <math>f(x) = \begin{cases}  x  &amp; x &lt; 0 \\ x^2 &amp; x \geq 0 \end{cases}</math> را در نقطه <math>x = 0</math> به کمک تعریف مشتق بررسی کنید.</p>			
۱۱	<p>اگر <math>f'(1) = 3</math>، <math>g'(1) = 5</math> و <math>f(1) = 1</math>، مقدار مشتق <math>(f+g) \text{ of } f</math> در <math>x=1</math> را به دست آورید.</p>			
۱۲	<p>مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.)</p> <p>الف) <math>f(x) = (x^3 + 1)^2 (\sqrt{3x+2})</math>      ب) <math>g(x) = \sin^2 3x + \tan(x^2)</math></p>			
۱۳	<p>جسمی را از سطح زمین به طور عمودی پرتاب می کنیم. فرض کنیم ارتفاع این جسم (برحسب متر) از سطح زمین در هر لحظه از معادله <math>h(t) = -5t^2 + 40t</math> به دست می آید. (<math>t</math> برحسب ثانیه)</p> <p>الف) سرعت متوسط جسم در بازه زمانی <math>[3, 4]</math> را به دست آورید.</p> <p>ب) لحظه ای را معلوم کنید که سرعت جسم برابر <math>20 \text{ m/s}</math> است.</p>			
۱۴	<p>مقدار ماکزیمم مطلق تابع <math>f(x) = x^3 - 12x</math> در بازه <math>[-1, 3]</math> را به دست آورید.</p>			
۱۵	<p>مقادیر <math>a</math>، <math>b</math> و <math>c</math> را در تابع <math>f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c</math> طوری به دست آورید که در نقطه <math>(3, -1)</math> اکسترمم نسبی داشته باشد و <math>x=1</math> طول نقطه عطف آن باشد.</p>			
۱۶	<p>جدول رفتار و نمودار تابع <math>y = (x+2)(x-4)^2</math> را رسم کنید.</p>			

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) درست (صفحه ۲۲) (۰/۲۵) ب) نادرست (صفحه ۱۱۶) (۰/۲۵)	۰/۵
۲	الف) چهارم (صفحه ۲۱) (۰/۲۵) ب) $-\infty$ (صفحه ۵۰) (۰/۲۵) پ) ۹- (صفحه ۸۳) (۰/۲۵)	۰/۷۵
۳	دامنه: $(-\infty, 3]$ (۰/۲۵) برد: $[0, +\infty)$ (۰/۲۵) رسم نمودار: (۰/۷۵) (صفحه ۱۲) توضیحات جهت تصحیح: در رسم نمودار، هر قسمت که درست رسم شده است، (۰/۲۵) نمره تعلق گیرد. در صورتیکه دانش آموزی نمودار را اشتباه رسم کرده، اما مطابق آن نمودار اشتباه، دامنه یا برد را درست نوشته است، نمره دامنه یا برد منظور شود.	۱/۲۵
۴	الف) $p(2)=0 \Rightarrow 8+2m+2=0 \Rightarrow m=-5$ (۰/۲۵) $p(-1)=6$ (۰/۲۵) ب) $x^5-1=(x-1)(x^4+x^3+x^2+x+1)$ (۰/۵) (صفحه ۲۰ و ۲۲) توضیحات جهت تصحیح: اگر دانش آموزی از روش تقسیم معمولی مسئله را حل کند، نمره کامل تعلق گیرد. اگر دانش آموزی مقدار $m$ را اشتباه به دست آورد و قسمت دوم (الف) را بر اساس آن مقدار، درست حل کند، به قسمت دوم نمره تعلق گیرد. در قسمت (ب)، اگر علامت قسمت دوم تجزیه، یکی در میان مثبت و منفی گذاشته شده باشد، ۰/۲۵ نمره تعلق گیرد.	۱/۲۵
۵	$\begin{cases} c=1 & (0/25) \\  a =2 & \xrightarrow{a>0} a=2 & (0/25) \end{cases} \quad T=\pi=\frac{2\pi}{ b } \Rightarrow  b =2 \xrightarrow{b<0} \underline{b=-2} \quad (0/25) \quad (صفحه ۲۸)$	۱
۶	روش اول: $\begin{cases} 2x=2k\pi+x & (0/25) \\ 2x=2k\pi+\pi-x & (0/25) \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow \begin{cases} x=2k\pi & (0/25) \\ x=\frac{2k\pi}{3}+\frac{\pi}{3} & (0/25) \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z})$ روش دوم: $\begin{cases} \sin x=0 \Rightarrow x=k\pi & (0/25) \\ \cos x=\frac{1}{2} \Rightarrow x=2k\pi \pm \frac{\pi}{3} & (0/5) \end{cases} \quad (صفحه ۳۹)$ در روش دوم، اگر دانش آموز جواب $\sin x=0$ را به صورت $2k\pi$ و $2k\pi+\pi$ نوشته باشد، نمره تعلق گیرد.	۱
ادامه پاسخها در صفحه دوم		

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۷	<p>(صفحه ۴۳)</p> $\tan \beta = \tan(\theta - \alpha) = \frac{\tan \theta - \tan \alpha}{1 + \tan \theta \tan \alpha} = \frac{\frac{6}{x} - \frac{1}{x}}{1 + \frac{6}{x} \cdot \frac{1}{x}} = \frac{\frac{5}{x}}{\frac{x^2 + 6}{x^2}} = \frac{5x}{x^2 + 6}$ <p>(اگر دانش آموز از مفهوم شیب و رابطه <math>\tan \beta = \left  \frac{m_1 - m_2}{1 + m_1 m_2} \right </math> در حل مسئله استفاده کند، (۰/۲۵) بارم این قسمت تعلق گیرد.)</p> <p>(روش دوم):</p> $\tan \theta = \tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \tan \beta} \Rightarrow \frac{6}{x} = \frac{\frac{1}{x} + \tan \beta}{1 - \frac{1}{x} \tan \beta} \Rightarrow \frac{6}{x} - \frac{6}{x^2} \tan \beta = \frac{1}{x} + \tan \beta \Rightarrow \tan \beta = \frac{5x}{x^2 + 6}$	۱
---	---	---

۸	<p>(صفحه ۵۳)</p> <p>الف) <math>\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{[2x] - 1}{x - 1} = \frac{1}{0^+} = +\infty</math> (۰/۵)</p> <p>ب) <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 - 3x}{1 - x^2} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2}{-x^2} = -2</math> (۰/۵) (صفحه ۶۶)</p> <p>پ) <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} (-3x^3 + 2x + 1) = \lim_{x \rightarrow -\infty} -3x^3 = +\infty</math> (۰/۵) (صفحه ۶۵)</p>	۱/۵
---	---	-----

۹	<p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <p>(صفحه ۵۷)</p> <p>توضیحات: اگر دانش آموزی محاسبات حد را برای مجانب قائم ننوشته است اما مجانب قائم و افقی را تعیین کرده و شکل را درست رسم کرده باشد، فقط (۰/۲۵) از نمره کل کسر شود.</p>	۱/۲۵
---	--	------

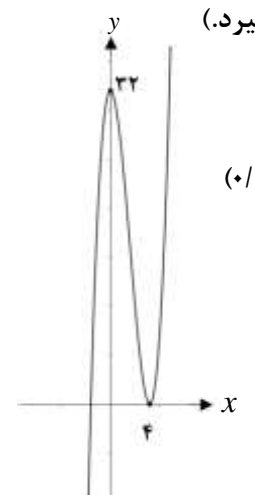
راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: <b>حسابان ۲</b>	رشته: <b>ریاضی و فیزیک</b>	ساعت شروع: <b>۷:۳۰ صبح</b>	مدت امتحان: <b>۱۲۰ دقیقه</b>
پایه <b>دوازدهم</b> دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: <b>۱۴۰۳/۰۳/۱۷</b>	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <b>azmoon.medu.ir</b>	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۰	<p>روش اول:</p> $\left. \begin{aligned} f'_-(\cdot) &= \lim_{x \rightarrow \cdot-} \frac{f(x) - f(\cdot)}{x - \cdot} = \lim_{x \rightarrow \cdot-} \frac{ x  - \cdot}{x} = -1 \quad (\cdot/5) \\ f'_+(\cdot) &= \lim_{x \rightarrow \cdot+} \frac{f(x) - f(\cdot)}{x - \cdot} = \lim_{x \rightarrow \cdot+} \frac{x^2 - \cdot}{x} = \cdot \quad (\cdot/5) \end{aligned} \right\} \Rightarrow f'_-(\cdot) \neq f'_+(\cdot) \quad (\cdot/5)$ <p>روش دوم:</p> $\left. \begin{aligned} f'_-(\cdot) &= \lim_{h \rightarrow \cdot-} \frac{f(\cdot+h) - f(\cdot)}{h} = \lim_{h \rightarrow \cdot-} \frac{ h  - \cdot}{h} = -1 \quad (\cdot/5) \\ f'_+(\cdot) &= \lim_{h \rightarrow \cdot+} \frac{f(\cdot+h) - f(\cdot)}{h} = \lim_{h \rightarrow \cdot+} \frac{h^2 - \cdot}{h} = \cdot \quad (\cdot/5) \end{aligned} \right\} \Rightarrow f'_-(\cdot) \neq f'_+(\cdot) \quad (\cdot/5)$ <p>(صفحه ۱۰۱)</p>	۱/۵
۱۱	<p>روش اول:</p> $((f+g) \circ f)'(1) = \underbrace{f'(1) \times (f+g)'(f(1))}_{(\cdot/25)} = \underbrace{f'(1) \times (f'(1) + g'(1))}_{(\cdot/5)} = 3 \times (3+5) = 24$ <p>روش دوم:</p> $((f+g) \circ f)'(1) = \underbrace{(f \circ f)'(1)}_{(\cdot/25)} + \underbrace{(g \circ f)'(1)}_{(\cdot/25)} = f'(1) \times f'(f(1)) + f'(1) \times g'(f(1)) \quad (\cdot/25)$ $= 3 \times 3 + 3 \times 5 = 24 \quad (\cdot/25)$ <p>(صفحه ۹۵ و ۹۶)</p>	۰/۷۵
۱۲	<p>الف) <math>f'(x) = \underbrace{2 \times 2x^2(x^3+1)}_{(\cdot/25)} \underbrace{(\sqrt{3x+2})}_{(\cdot/25)} + \underbrace{\frac{2}{2\sqrt{3x+2}}}_{(\cdot/25)} \underbrace{(x^3+1)^2}_{(\cdot/25)}</math></p> <p>ب) <math>g'(x) = \underbrace{2 \times 3 \times \cos 3x \sin 3x}_{(\cdot/5)} + \underbrace{2x(1 + \tan^2(x^3))}_{(\cdot/5)}</math></p> <p>(صفحه ۱۰۱)</p> <p>↓</p> <p>(اگر دانش آموزی به صورت <math>3 \sin 6x</math> بنویسد، (۰/۵) نمره باریم این قسمت تعلق گیرد.)</p>	۲

ادامه پاسخها در صفحه چهارم

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	<p>الف) <math>\frac{h(4)-h(3)}{4-3} = \frac{80-75}{1} = 5</math> (۰/۲۵)</p> <p>سرعت متوسط: <math>h'(3/5) = -10(3/5) + 40 = 5</math> (۰/۲۵)</p> <p>ب) <math>h'(t) = -10t + 40 \Rightarrow -10t + 40 = 20 \Rightarrow t = 2</math> (۰/۲۵)</p> <p>(صفحه ۱۰۷)</p>	۱/۵
۱۴	<p><math>f'(-1) = 11</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>f(2) = -16</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>f(3) = -9</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>\Rightarrow \max = 11</math> مطلق (۰/۲۵)</p> <p><math>f'(x) = 3x^2 - 12 \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = -2 \end{cases}</math> (۰/۲۵)</p> <p>(صفحه ۱۲۵)</p>	۱/۵
۱۵	<p><math>f(3) = -1 \Rightarrow 27 + 9a + 3b + c = -1</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>f'(x) = 3x^2 + 2ax + b \Rightarrow f'(3) = 0 \Rightarrow 27 + 6a + b = 0</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>f''(x) = 6x + 2a \Rightarrow f''(1) = 0 \Rightarrow 6 + 2a = 0</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>\Rightarrow a = -3, b = -9, c = 26</math> (۰/۲۵)</p> <p>(صفحه ۱۲۶ و ۱۳۶)</p>	۱/۵
۱۶	<p><math>y' = 3x^2 - 12x = 0 \Rightarrow x = 0, 4</math> (۰/۲۵)</p> <p>اگر دانش آموزی مشتق را به صورت <math>(x-4)^2 + 2(x+2)(x-4) = (x-4)(3x)</math> بنویسد، (۰/۲۵) بارم این قسمت تعلق گیرد.</p> <p><math>y'' = 6x - 12 = 0 \Rightarrow x = 2</math> (۰/۲۵)</p> <p>رسم شکل (۰/۵)</p>  <p>(صفحه ۱۳۹)</p>	۱/۷۵
۲۰	جمع بارم	